





댄싱 링크 패키지

댄싱 링크를 이용한 퍼즐 조판

남수진 카카오

2018년 2월 3일

2018 한국텍학회 학술대회 및 정기총회
판교 스타트업캠퍼스

1. 댄싱 링크

Exact cover 문제

Algorithm X

Dancing links

2. 댄싱 링크 패키지

펜토미노 타일 붙이기

수도쿠

체스 여왕 배치 하기

댄싱 링크

EXACT COVER 문제

다음 6×7 행렬에서, 행들을 열 별로 모두 더했을 때, 모든 열을 정확히 1로 만드는 행들의 집합을 구하여라.

$$\begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

EXACT COVER 문제

다음 6×7 행렬에서, 행들을 열 별로 모두 더했을 때, 모든 열을 정확히 1로 만드는 행들의 집합을 구하여라. (1, 4, 5번째 행)

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

ALGORITHM X: Exact cover 문제를 해결하는 알고리즘

$$\begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix} \Rightarrow \begin{array}{cccccc} A & B & C & D & E & F & G \\ C & E & F & & & & \\ A & D & G & & & & \\ B & C & F & & & & \\ A & D & & & & & \\ B & G & & & & & \\ D & E & G & & & & \end{array}$$

A B C D E F G

C E F

A D G

B C F

A D

B G

D E G

A B C D E F G

C E F

A D G

B C F

A D

B G

D E G

A B C D E F G

C E F

A D G

B C F

A D

B G

D E G

A B C D E F G

C E F

A D G

B C F

A D

B G

D E G

A B C D E F G

C E F

A D G

B C F

A D

B G

D E G

A B C D E F G

C E F

A D G

B C F

A D

B G

D E G

A B C D E F G

C E F

A D G

B C F

A D

B G

D E G

A B C D E F G

C E F

A D G

B C F

A D

B G

D E G

A B C D E F G

C E F

A D G

B C F

A D

B G

D E G

A B C D E F G

C E F

A D G

B C F

A D

B G

D E G

A B C D E F G

C E F

A D G

B C F

A D

B G

D E G

A B C D E F G

C E F

A D G

B C F

A D

B G

D E G

A B C D E F G

C E F

A D G

B C F

A D

B G

D E G

A B C D E F G

C E F

A D G

B C F

A D

B G

D E G

A B C D E F G

C E F

A D G

B C F

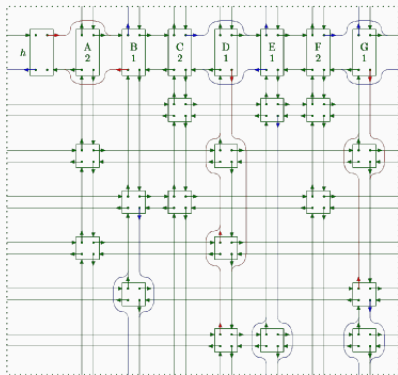
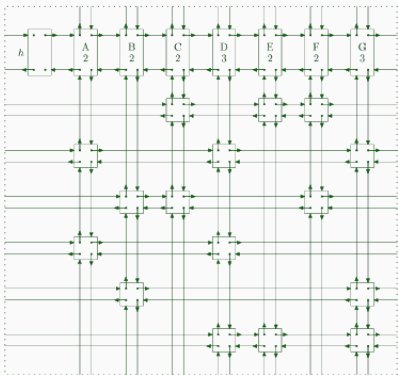
A D

B G

D E G

댄싱 링크

- 알고리즘 엑스를 효율적으로 구현하는 기법 (노드와 링크 이용)
- 알고리즘이 진행되면서 변화하는 링크의 모양이 춤을 연상 시킴



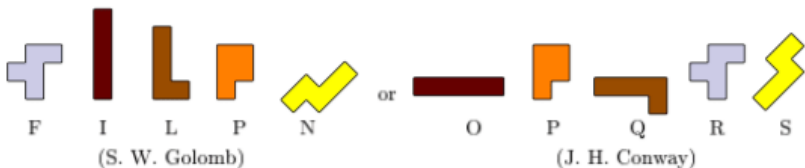
댄싱 링크 패키지

- [lua-dancing-links](#)
- 펜토미노 타일링, 수도쿠, 체스 여왕 배치 등 매우 많은 문제가 EXACT COVER 문제로 치환 될 수 있다.
- 라텍 패키지, [dlx.sty](#)
 - `\usepackage{dlx}`
 - `\pentomino`
 - `\Sudoku`
 - `\queens`
 - ...

12 조각



But two different systems of nomenclature have been proposed for the other five:



펜토미노 타일링

6x10.dlx

Solution: 1

O 03 04 05 06 07

P 45 46 47 56 57

Q 00 01 10 20 30

R 21 31 32 40 41

S 42 43 50 51 52

T 34 44 53 54 55

U 23 24 25 33 35

V 14 15 16 26 36

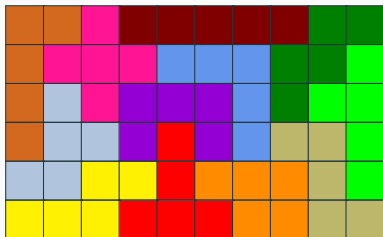
W 08 09 17 18 27

X 02 11 12 13 22

Y 19 28 29 39 49

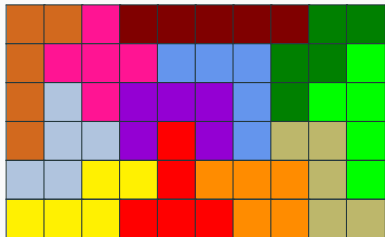
Z 37 38 48 58 59

...

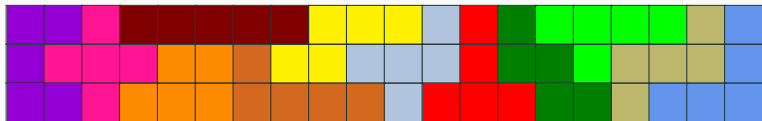


펜토미노 타일링

`\pentomino{5mm}{6}{10}{1}`.



`\pentomino{5mm}{3}{20}{1}`.



수도쿠

```
\Sudoku{..3.1...415...9.2.65..3..5...8...9%  
.7.9...32.38..4.6....26.4.3...3....832...795.}
```

		3		1				
4	1	5					9	
2		6	5			3		
5				8				9
	7		9				3	2
	3	8			4		6	
			2	6		4		3
			3					8
3	2				7	9	5	

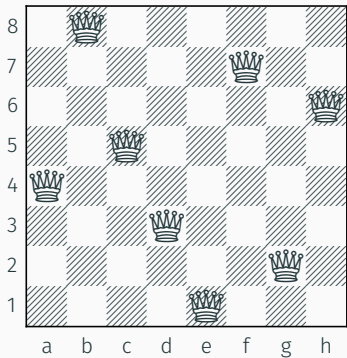
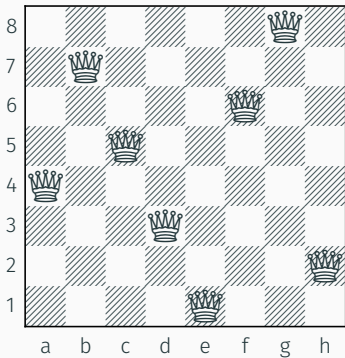
수도쿠

```
\Sudoku*{..3.1....415....9.2.65..3..5...8...9%  
.7.9...32.38..4.6....26.4.3...3....832...795.}
```

7	9	3	4	1	2	6	8	5
4	1	5	6	3	8	2	9	7
2	8	6	5	7	9	3	1	4
5	6	2	1	8	3	7	4	9
1	7	4	9	5	6	8	3	2
9	3	8	7	2	4	5	6	1
8	5	9	2	6	1	4	7	3
6	4	7	3	9	5	1	2	8
3	2	1	8	4	7	9	5	6

여왕 배치 문제

`\queens{8}{2}.`



- PRE-FASCICLE 5C, THE ART OF COMPUTER PROGRAMMING
- lua-dancing-links
- texdoc logicpuzzle

감사합니다